Расчёт точности определения параметров осцилляций нейтрино в ускорительных нейтринных экспериментах с длинной базой

Выполнила студентка 2-го курса магистратуры: А. В. Степанова

Научный руководитель: доктор физ.-мат. наук А. Г. Ольшевский Научный консультат: кандидат физ.-мат. наук Л. Д. Колупаева

Кафедра физики элементарных частиц, физический факультет, МГУ.



Лаборатория ядерных проблем, ОИЯИ

26 мая 2023



Смешивание нейтрино:

$$\nu_{\alpha} = \sum_{\substack{i=1\\\alpha=e,\ \mu,\ \tau}}^{3} \mathsf{U}_{\mathsf{PMNS},\alpha,i}^{*} \cdot \nu_{i},$$

- ν_{α} флейворные с.с.
- *ν_i* − массовые с.с.

Матрица смешивания: $U_{PMNS} \sim \theta_{12}, \theta_{13}, \theta_{23}, \delta_{CP}$

▲御▶ ▲注▶ ▲注▶ -

Смешивание нейтрино:

$$\nu_{\alpha} = \sum_{\substack{i=1\\\alpha=e, \ \mu, \ \tau}}^{3} \mathsf{U}_{\mathsf{PMNS},\alpha,i}^{*} \cdot \nu_{i},$$

- ν_{α} флейворные с.с.
- *v_i* массовые с.с.

Матрица смешивания: U_{PMNS} $\sim \theta_{12}, \theta_{13}, \theta_{23}, \delta_{CP}$

Вероятность осцилляций зависит от:

- параметров матрицы U_{PMNS}
- расщепления масс: ∆m²₂₁, ∆m²₃₂ / ∆m²₃₁ (НИ/ОИ)
- иерархии масс нейтрино: знак ²/₃₂
- $\bullet\,$ плотности вещества ρ
- отношения длины базы осцилляций и энергии нейтрино *L*

個 ト イヨ ト イヨト・

Смешивание нейтрино:

$$\nu_{\alpha} = \sum_{\substack{i=1\\\alpha=e, \ \mu, \ \tau}}^{3} \mathsf{U}_{\mathsf{PMNS},\alpha,i}^{*} \cdot \nu_{i},$$

- ν_{α} флейворные с.с.
- *v_i* массовые с.с.

Матрица смешивания: U_{PMNS} $\sim \theta_{12}, \theta_{13}, \theta_{23}, \delta_{CP}$



- параметров матрицы U_{PMNS}
- расщепления масс: ∆m²₂₁,
 ∆m²₃₂ / ∆m²₃₁ (НИ/ОИ)
- иерархии масс нейтрино: знак △m²₃₂
- \bullet плотности вещества ρ
- отношения длины базы осцилляций и энергии нейтрино *L*



Анна Степанова

Смешивание нейтрино:

$$\nu_{\alpha} = \sum_{\substack{i=1\\\alpha=e, \ \mu, \ \tau}}^{3} \mathsf{U}_{\mathsf{PMNS},\alpha,i}^{*} \cdot \nu_{i},$$

• ν_{α} – флейворные с.с.

v_i – массовые с.с.

Матрица смешивания: U_{PMNS} $\sim \theta_{12}, \theta_{13}, \theta_{23}, \delta_{CP}$

Вероятность осцилляций зависит от:

- параметров матрицы U_{PMNS}
- расщепления масс: ∆m²₂₁,
 ∆m²₃₂ / ∆m²₃₁ (НИ/ОИ)
- иерархии масс нейтрино: знак ²/₃₂
- \bullet плотности вещества ρ
- отношения длины базы осцилляций и энергии нейтрино *L*



Анна Степанова

Ускорительные нейтринные эксперименты с длинной базой (LBL)



Содержание

Часть 1: Работа с программным обеспечением GNA в группе ЛЯП

Задача: разработать универсальную оболочку для моделирования LBL экспериментов и оценить их совместную чувствительность к неизвестным параметрам осцилляций



Часть 2: Работа в группе «ndoffaxis» коллаборации DUNE

Задача: исследовать возможность предсказания фона «неправильного» знака лептонного заряда в моде исчезновения мюонных антинейтрино с помощью метода DUNE-PRISM



Моделирование в GNA (разработано в ЛЯП, ОИЯИ)



Задачи:

- модели экспериментов: T2K, NOvA, DUNE
- их чувствительность к неизвестным параметрам
- совместные оценки

Global Neutrino Analysis – платформа для проведения анализа данных нейтрино. Имеет:

- функции-преобразования для осуществления расчетов, реализованные на C++, ROOT CERN и Python
- * блочная структура, отслеживаемая через граф
- функции для проведения статистического анализа

《口》 《聞》 《臣》 《臣》

Универсальная оболочка для LBL в GNA

Конфигурац. файл:

- потоки, сечения, эффективности
- различие между
 *E*_{true} и *E*_{recon}.
- моды с каналами
- энергет. диапазон
- пар.-ры осцилляций
- пар.-ры эксперимента

MODES:

```
fhc_app_nue:
Signal: nue
FhcRhc: fhc
AppDis: app
CH:
bKg_beam:
    -channel_type: beam
    initial_flavor: nue
    final_flavor: nue
    xse_type: CC
```

Универсальная оболочка для LBL в GNA

Конфигурац. файл:

- потоки, сечения, эффективности
- различие между
 *E*_{true} и *E*_{recon}.
- моды с каналами
- энергет. диапазон
- пар.-ры осцилляций
- пар.-ры эксперимента

MODES :

```
fhc_app_nue:
Signat: nue
FhcRhc: fhc
AppDis: app
CH:
    bkg_beam:
        -channel_type: beam
        initial_flavor: nue
        final_flavor: nue
        xse_type: CC
```

В универсальную оболочку подаётся конфигурац. файл, затем рассчитываются:

- числа событий N в каналах и модах
- значения χ^2 , основанные на рассчитанных **N** и данных
- чувствительность отдельного эксперимента

• совместная чувствительность

Универсальная оболочка для LBL в GNA

Конфигурац. файл:

- потоки, сечения, эффективности
- различие между
 *E*_{true} и *E*_{recon}.
- моды с каналами
- энергет. диапазон
- пар.-ры осцилляций
- пар.-ры эксперимента

MODES :

```
final_flavor: nue
xsec_type: CC
```

В универсальную оболочку подаётся конфигурац. файл, затем рассчитываются:

- числа событий N в каналах и модах
- значения χ^2 , основанные на рассчитанных **N** и данных
- чувствительность отдельного эксперимента
- совместная чувствительность

$$\mathbf{V}_{j}^{m} = \sum_{i=0}^{D} N_{j,m}^{i}, \ N_{j}^{i} = \mathbf{K} \cdot f(E_{\text{true}})_{j} \cdot P(E_{\text{true}})(\nu_{\alpha} \rightarrow \nu_{\beta})_{j} \cdot \sigma(E_{\text{true}})_{j} \cdot \sum_{k=0}^{n} R(E_{\text{true}}, E_{\text{rec.}})_{jk} \cdot \varepsilon(E_{\text{rec.}})_{k} \cdot \Delta E_{\text{rec.}, j}$$

$$\chi^{2} = = -2 \sum_{m=0}^{M} \sum_{j=0}^{B} (N_{j,m}^{\text{data}} \ln N_{j,m}^{\text{mod.}} - N_{j,m}^{\text{mod.}} - N_{j,m}^{\text{data}} \ln N_{j,m}^{\text{data}} + N_{j,m}^{\text{data}}) + \frac{(x-\mu)^{2}}{\sigma^{2}}$$



- FHC (forward horn current) / RHC (reverse horn current) с равным временем работы
- 7 лет в соответствие с

поэтапным планом:

план	кт	МВт
1 год	20	1.2
2 года	30	1.2
3 года	30	1.2
4 года	40	1.2
7 лет	40	2.4
10 лет	40	2.4

- 4 моды:
- $\nu_e/\bar{\nu}_e$ появление
- $u_{\mu}/ar{
 u}_{\mu}$ исчезновение
- MC данные из: TDR DUNE

(日) (同) (日) (日)

Энергет. спектры (числа событий vs Erecon.) в FD NOvA в GNA



Анна Степанова

Оценка параметров осциллляций в LBL экспериментах

7 / 23

Энергет. спектры (числа событий vs Erecon.) в FD T2K в GNA



• 200 imes 10²⁰ POT (FHC+RHC): $\nu_{\mu}/\overline{\nu_{\mu}}$ исчезновение / $\nu_{e}/\overline{\nu_{e}}$ появление

Анна Степанова

Чувствительность T2K, NOvA, DUNE к иерархии масс нейтрино



- различные значения sin² θ₂₃ около наилучшего знач. из NuFIT 4.0
- две иерархии
- δ_{CP} в полном диапазоне [-π, π]

- DUNE vs (NOvA, T2K): уже через 2 года работы DUNE сможет определить иерархию масс нейтрино на уровне значимости 5σ
- NOvA vs T2K: из-за бо́льшей базы осцилляций (810 км vs 295 км) NOvA более чувствительна к иерархии масс нейтрино

Чувствительность T2K, NOvA, DUNE к иерархии масс нейтрино



- различные значения sin² θ₂₃ около наилучшего знач. из NuFIT 4.0
- две иерархии
- δ_{CP} в полном диапазоне [-π, π]

- DUNE vs (NOvA, T2K): уже через 2 года работы DUNE сможет определить иерархию масс нейтрино на уровне значимости 5σ
- NOvA vs T2K: из-за бо́льшей базы осцилляций (810 км vs 295 км) NOvA более чувствительна к иерархии масс нейтрино

Чувствительность T2K, NOvA, DUNE к фазе δ_{CP}



- различные значения sin² θ₂₃ около наилучшего знач. из NuFIT 4.0
- прямая иерархия
- δ_{CP} в полном диапазоне [-π, π]

- DUNE vs (NOvA, T2K): чувствительность
 DUNE превысит 3σ для значительного
 диапазона значений δ_{CP} через 7 лет работы
- NOvA vs T2K: из-за меньшей длины базы осцилляций T2K более чувствителен, чем NOvA, к фазе сохранения или нарушения комбинированной чётности δ_{CP}

Чувствительность T2K, NOvA, DUNE к фазе δ_{CP}



- различные значения sin² θ₂₃ около наилучшего знач. из NuFIT 4.0
- прямая иерархия
- δ_{CP} в полном
 диапазоне [-π, π]

- DUNE vs (NOvA, T2K): чувствительность DUNE превысит 3σ для значительного диапазона значений $\delta_{\rm CP}$ через 7 лет работы
- NOvA vs T2K: из-за меньшей длины базы осцилляций T2K более чувствителен, чем NOvA, к фазе сохранения или нарушения комбинированной чётности δ_{CP}

Совместные чувствительности T2K, NOvA и DUNE к неизвестным параметрам осцилляций



• Ожидается, что NOvA+T2K дадут первое предсказание на иерархию масс нейтрино и на фазу $\delta_{\rm CP}$ для некоторых значений $\delta_{\rm CP}$ на уровне значимости $> 5\sigma$

(日) (同) (日) (日)

 совместная чувствительность T2K+NOvA+DUNE к иерархии масс нейтрино и фазе комбинированной чётности δ_{CP}:

Sensitivity	$\min(n\sigma)$	range of $\delta_{ m CP}$ values $>5\sigma$	
Joint	12.9	$[-2.51, -0.63] \cup [0.63, 2.51]$ (60%)	

Содержание

Часть 1: Работа с программным обеспечением GNA в группе ЛЯП

Задача: разработать универсальную оболочку для моделирования LBL экспериментов и оценить их совместную чувствительность к неизвестным параметрам осцилляций



Часть 2: Работа в группе «ndoffaxis» коллаборации DUNE

Задача: исследовать возможность предсказания фона «неправильного» знака лептонного заряда в моде исчезновения мюонных антинейтрино с помощью метода DUNE-PRISM



Особенность DUNE относительно NOvA и T2K

ND в LBL экспериментах нужен, чтобы контролировать систематические неопределенности

- NOvA (NuMI Off-Axis ν_e Appearance):
 0.84° от оси → пик: 1.9 ГэВ
- Т2К: 2.5° от оси \rightarrow пик: 600 МэВ \downarrow Прямая экстраполяция данных из

ближнего в дальний детектор





 DUNE: перемещаемые части ближнего детектора (NDLAr, TMS/NDGAr) ↓
 Экстраполяция с использованием технологии DUNE-PRISM

Отсутствие точной модели нейтринных взаимодействий



Анна Степанова

・日・ ・ヨ・ ・ヨ・

Метод DUNE-PRISM

Решение некорректно поставленной задачи с доп. условием – регуляризация Тихонова



 $N \times \vec{C} = \vec{F} \Rightarrow$ Наилуч. реш.: $\vec{C} = [N^T P N + (\lambda A)^T (\lambda A)]^{-1} N^T P \vec{F}, \ \lambda \approx 10^{-9}$



Анна Степанова

Новый подход к стандартному методу DUNE-PRISM



Задача:

исследовать возможность предсказания фона «неправильного» знака лептонного заряда в моде исчезновения мюонных антинейтрино с помощью метода DUNE-PRISM

- ND режим FHC
- FD режим RHC

Энергет. спектры в FD DUNE в GNA

(B)

4 A
 ▶

Применение метода DUNE-PRISM к фону «неправильного» знака

- Модифицирован код, разработанный в группе: github.com/DanielMDouglas/prism fitting
- Соответствие линейной комбинации ν_{μ} ND потоков в режиме нейтрино для предсказания осцилляцион. ν_{μ} FD потока в режиме антинейтрино



Для любой моды с МК фоном:

 вычесть ND фон: каналы NC, «неправильный» аромат / знак лептонного заряда

- сделать процедуру линейной комбинации
- учесть отношение $M_{FD}^{\text{дов.}}/M_{ND}^{\text{дов.}}$

$$N_{FDP}(H_{OA}, E_{rec}) =$$

$$= M_{NF} \sum_{i} c_i(H_{OA}) [\mathbf{N}_{ND,i}(\mathbf{E}_{rec}) - \mathbf{B}_{ND,i}(\mathbf{E}_{rec})] + B_{FD}(E_{rec}) + F(E_{rec}),$$

 добавить FD фон, который не может быть предсказан с помощью DUNE-PRISM $F(E_{rec}) = \sum_{k} \Delta \Phi(E_{\nu}) P_{osc}(H_{OA}, E_{\nu,k}) Y(E_{rec})$

 выполнить поправку линейной комбинации ND потоков и FD потока

<ロ> <回> <回> <回> <三> <三</p>

Для любой моды с МК фоном:

 вычесть ND фон: каналы NC, «неправильный» аромат / знак лептонного заряда

- сделать процедуру линейной комбинации
- учесть отношение $M_{FD}^{\text{дов.}}/M_{ND}^{\text{дов.}}$

$$N_{FDP}(H_{OA}, E_{rec}) =$$

 $= M_{NF} \sum_{i} c_i(H_{OA})[N_{ND,i}(E_{rec}) - B_{ND,i}(E_{rec})] + B_{FD}(E_{rec}) + F(E_{rec}),$

 добавить FD фон, который не может быть предсказан с помощью DUNE-PRISM $F(E_{rec}) = \sum_{k} \Delta \Phi(E_{\nu}) P_{osc}(H_{OA}, E_{\nu,k}) Y(E_{rec})$

 выполнить поправку линейной комбинации ND потоков и FD потока

<ロ> <回> <回> <回> <三> <三</p>

Для любой моды с МК фоном:

 вычесть ND фон: каналы NC, «неправильный» аромат / знак лептонного заряда

- сделать процедуру линейной комбинации
- учесть отношение $M_{FD}^{\text{дов.}}/M_{ND}^{\text{дов.}}$

$$N_{FDP}(H_{OA}, E_{rec}) =$$

 $= M_{NF} \sum_{i} c_i(H_{OA})[N_{ND,i}(E_{rec}) - B_{ND,i}(E_{rec})] + B_{FD}(E_{rec}) + F(E_{rec}),$

 добавить FD фон, который не может быть предсказан с помощью DUNE-PRISM $F(E_{rec}) = \sum_{k} \Delta \Phi(E_{\nu}) P_{osc}(H_{OA}, E_{\nu,k}) Y(E_{rec})$

 выполнить поправку линейной комбинации ND потоков и FD потока

<ロ> <回> <回> <回> <三> <三</p>

Для любой моды с МК фоном:

 вычесть ND фон: каналы NC, «неправильный» аромат / знак лептонного заряда

- сделать процедуру линейной комбинации
- учесть отношение $M_{FD}^{\text{дов.}}/M_{ND}^{\text{дов.}}$

$$N_{FDP}(H_{OA}, E_{rec}) =$$

 $= M_{NF} \sum_{i} c_i(H_{OA})[N_{ND,i}(E_{rec}) - B_{ND,i}(E_{rec})] + B_{FD}(E_{rec}) + F(E_{rec}),$

 добавить FD фон, который не может быть предсказан с помощью DUNE-PRISM $F(E_{rec}) = \sum_{k} \Delta \Phi(E_{\nu}) P_{osc}(H_{OA}, E_{\nu,k}) Y(E_{rec})$

 выполнить поправку линейной комбинации ND потоков и FD потока

・ロン ・四 と ・ ヨン ・ ヨン

Числа событий с DUNE-PRISM для фона моды $\overline{ u_{\mu}}$ исчезновения



Анна Степанова

Влияние фона на точность определения параметров осцилляций



- экспозиция:
 3 года
- данные
 Азимова
- чем более узкий контур, тем лучше

↓ Не зависимый от МК анализ в дополнение к стандартному анализу

● ▶ ▲ 臣 ▶ ▲ 臣 ▶

Выводы

При исследовании процесса осцилляций нейтрино:

- выполнено сравнение характеристик ускорительных нейтринных экспериментов с длинной базой на основе T2K, NOvA, DUNE
- создана универсальная оболочка для моделирования FD спектров экспериментов этого типа в программном обеспечении GNA
- рассчитаны индивидуальные и совместные чувствительности к неизвестным параметрам осцилляций, таким как иерархия масс нейтрино и фаза комбинированной чётности
- показано, что возможно применить метод DUNE-PRISM к наибольшему фону в моде vulnet исчезновения
- рассчитано влияние предсказания WSB на точность определения параметров осцилляций нейтрино
- получено, что анализ становится не зависимым от МК, что можно использовать для контроля определения знач. параметров осцилляций

- A. Stepanova, M. Gonchar, L. Kolupaeva, K. Treskov «Deep underground neutrino experiment DUNE – calculation of sensitivity to the measurement of oscillation parameters». Письма в ЭЧАЯ. 2022. Т. 19, No 5(244). C. 410.
- А.В.Степанова, Л.Д.Колупаева «Разработка оболочки для расчёта чувствительности ускорительных экспериментов в GNA на основе эксперимента DUNE». Учен. зап. физ. фак-та Моск. ун-та. 2022. № 4. 2240304.
- A. Stepanova, L. Kolupaeva «Joint fit of long-baseline accelerator neutrino experiments in GNA software». Журнал «PEPAN Letters». (Отправлена в журнал).

伺下 イヨト イヨト

- A. Stepanova «Deep underground neutrino experiment DUNE calculation of sensitivity to the measurement of oscillation parameters» на международной конференции AYSS-2021, Алматы, Казахстан.
- А. В. Степанова «Разработка оболочки для расчёта чувствительности ускорительных экспериментов в GNA на основе эксперимента DUNE» на международной конференции «Ломоносов-2022», Москва.
- A. Stepanova «The DUNE experiment PRISM method for data-driven predictions» на Московской летней школе по физике, 2022, Дубна.
- 4) A. Stepanova «Joint fit of long-baseline accelerator neutrino experiments in GNA software» на международной конференции AYSS-2022, Дубна.
- 5) А.В. Степанова «Точность определения параметров осцилляций в эксперименте DUNE в сравнении с другими ускорительными нейтринными экспериментами с длинной базой» на Курчатовской научной школе, 20.03.2023 – 23.03.2023, Москва.
- 6) А.В. Степанова «Расчет точности определения параметров осцилляций нейтрино в ускорительных нейтринных экспериментах с длинной базой» на международной конференции «Ломоносов-23», Москва.

< 三→ < 三→

Доклады в коллаборации DUNE

Регулярные доклады о результатах работы на совещаниях группы «ndoffaxis» коллаборации эксперимента DUNE (DUNE-PRISM analysis meetings) в течение 2022 – 2023 гг.: 8 выступлений



Спасибо за внимание!



Работа выполнена при поддержке гранта Российского Научного Фонда номер 22-22-00389.

Анна Степанова

Оценка параметров осциллляций в LBL экспериментах

< 回 > < 回 > < 回 >

Backup slides

Анна Степанова

Оценка параметров осциллляций в LBL экспериментах

23 / 23

2

イロト イヨト イヨト イヨト



- T

▲ 문 ▶ . ▲ 문 ▶

Применение метода DUNE-PRISM к сигналу моды $\overline{ u_{\mu}}$ исчезновения

фокусировки / выравнивания / сдвига

0.04

0.03

0.02

< 4%





FD ratios





⇒

Fluxes: NEW Target: v_{μ} FHC

 $\label{eq:linear} \begin{array}{l} 1 \mbox{ HornCurrent } +1\sigma \\ 2 \mbox{ DecayPipeRadius } +1\sigma \\ 3 \mbox{ HornCurrent } -1\sigma \\ 4 \mbox{ DecayPipeRadius } -1\sigma \\ 5 \mbox{ HornWaterLayerThickness } +1\sigma \\ 6 \mbox{ HornWaterLayerThickness } -1\sigma \end{array}$

- ▲ 프 ► - ▲ 프 ►

4 A 1

Применение метода DUNE-PRISM к u_{μ} фону $\overline{ u_{\mu}}$ исчезновения

фокусировки / выравнивания / сдвига

→ < ∃ →</p>

⇒



Focusing uncertainies

Применение метода DUNE-PRISM к сигналу моды $\overline{ u_{\mu}}$ исчезновения



- T

★ 문 ► ★ 문 ►

Применение метода DUNE-PRISM к u_{μ} фону $\overline{\nu_{\mu}}$ исчезновения

< 10%

⇒

< 150 ►

- ▲ 큰 ▶ - ▲ 큰 ▶

создания адронов (PPFX)





Влияние на точность определения параметров осцилляций



э

- 4 回 ト 4 注 ト 4 注 ト